第十九屆 **W**國際數學競賽台灣區複賽 Nineteenth International Mathematics Contest(Taiwan)

或

/[\

年

級

試

卷

考試時間:90 分鐘 卷面總分:100 分《考試時間尚未開始請勿翻閱》

◎参賽學生請將試題答案填寫在答案表內,填寫後不得塗改;塗改後的答案不計算成績!◎計算題需要在試題空白處列出運算過程,只寫答案沒有運算過程不計算成績!											
選擇題	1	2	3	4	5	6	7	8			
答案	С	С	A	A	С	D	С	В			
填充題	1	2	3	4	5	6	7	8			
答案	2022	10	18	40	12	4219	40	64			

計師納分:

准老終號碼:

一、選擇題(每題5分,共40分)

1. 這十個有規律的數列: 2、6、12、20、30、□、56、□、90、□,有幾個數可被 6 整除? (A)4 (B)5 (C)6 (D)7

<解析>

老出世夕:

 $2 \cdot 6 \cdot 12 \cdot 20 \cdot 30 \cdot 42 \cdot 56 \cdot 72 \cdot 90 \cdot 110$

→前後項的差是 4、6、8、10、12、14、16、18、20

故 6 的倍數有 6、12、30、42、72、90, 共有 6 個, 選 C。

2. 請計算 1+2+3+....+14+15=8x□,則□=?(A)13(B)14(C)15(D)16

<解析>

 $(1+2+3+...+15)=(1+15)\times15\div2=120$

120÷8=15

選 C。

3. 有 2 個相同大小的水杯,第 1 個水杯已盛水 1360 毫升,第 2 個水杯已盛水 1520 毫升,<u>叮叮</u>另外準備了一個小量杯盛滿水後,要倒入第 1 個水杯內,需要倒 8 次才能裝滿;第 2 個水杯需要倒 4 次才能裝滿,請問 1 個小量杯容量是多少毫升? (A)40 (B)35 (C)30 (D)25

<解析>

1520-1360=160

160÷(8-4)=40

選A。

4. 弟弟第 1 天存 15 元,第 2 天存 18 元,每天比前一天多存 3 元,到了第 5 天,他一共存了多少元? (A)105 (B)115 (C)125 (D)135

<解析>

 $15+18+21+24+27=21\times 5=105$

選A。

5. 有一個二位數小於 50,它除以 2,餘數是 1;它除以 3,餘數是 2,請問這個數最大是 多少? (A)43 (B)45 (C)47 (D)49

<解析>

除以2,餘數=1,必定是奇數

49÷3=16.....1

47÷3=15.....2

最大數=47, 選 C。

6. Bottle A contained 540 ml of watermelon juice and bottle B contained 324 ml of watermelon juice. After the same amount of juice was poured out (倒出) from each bottle, bottle A contained 4 times as much watermelon juice as bottle B. How much watermelon juice is left in the bottle A? (A)290 (B)287 (C)289 (D)288

<解析>

540-324=216

 $216 \div (4-1) = 72$

72×4=288, 撰D。

7. 分針轉一圈所花的時間比時針轉半圈所花的時間少了多久時間? (A)30 分 (B)48 分 (C)300 分 (D)480 分

<解析>

分針轉一圈=1 小時

時針轉半圈=6小時

6-1=5 小時=300 分鐘,選 C。

8. <u>羽婷</u>購買 7 雙籃球鞋,每雙籃球鞋的單價都相同,她付了 5600 元後,老闆找給她的 錢,剛好可以再買一雙籃球鞋,請問每雙籃球鞋的單價是多少元? (A)600 (B)700 (C)800 (D)900

<解析>

5600÷(7+1)=700

撰 B

二、填充題(每題5分,共40分)

1. 在紙上由大到小寫了幾個有規律的數字: 3941、3840、3739、3638、...... , 其中第 20 個數字是 。

<解析>

觀察前兩位數 39、38、37、....., 39-(20-1)=20

觀察後兩位數 41、40、39、....., 41-(20-1)=22

故第 20 個數字是 2022

2. 哥哥拿出口袋裡一半的錢買 3 枝鉛筆,將剩下的錢的一半拿去買 15 元的筆記本,請問 1 枝筆是元。 <解析> 15+15=30 30÷3=10
3. 有一道數學謎: □□□×■=□□□□□, 將數字 1~8 不重複填入空格內,其中■=6,其積數的末兩位數是。 <解析> 453×6=2718,其末兩位數=18 乘數是 6 被乘數的個位數 1、2、3、4、5、7、8 得到的積的個位數=6、2、8、4、0、2、8(其中 6、2、4、0、8 不合) 被乘數的十位數=1、2、4、5、7 或 1、3、4、5、8(逐項檢驗),得出 453×6=2718。
X 6 X 6 X 8 2
4. <u>姜</u> 老師對班上學生的飲食習慣做了統計並描述如下: ①班上有 16 位學生是吃素食,其中 4 位是女生。 ②吃葷食的男生有 8 位。 ③吃葷食的女生比吃素食的男生多 4 位。 則全班學生共有位。
解析> 男女合計 16-4=12 葷(1)8 (2)12+4=16 (3)24 16+8=24 素(2)16-4=12 (1)4 (3)16
$5 (44 \bigcirc) \cdot 5 \land (44 \land) \cdot \bigcirc \bigcirc \Box \Box \Box \Box \Box \Box \Box \Box $

<解析>

5×△+●=44

9x**●**+△=44

 $5x\triangle + \bigcirc =9x\bigcirc +\triangle \rightarrow 4x\triangle =8x\bigcirc$

 $\texttt{Alg} = 2 \times \bullet \rightarrow 11 \times \bullet = 44 , \quad \bullet = 4 , \quad \triangle = 2 \times 4 = 8$

△+●=8+4=12

6. 今年收成 1436 公斤的玉米,比去年多出 474 公斤,比前年少了 385 公斤,這三年共收成_____公斤的玉米。

<解析>

1436-474=962.....去年

1436+385=1821.....前年

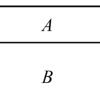
1436+962+1821=4219

7. 飲料店新開幕,開幕期間一次買三杯飲料可優惠 10 元,綠茶比奶茶便宜 15 元,檸檬茶比奶茶便宜 5 元,王叔叔購買奶茶、綠茶及檸檬茶各一杯,付了 90 元,問一杯奶茶是_____元。

<解析>

 $(100+15+5)\div 3=40$

8. Andy divides a square (正方形) into two rectangles (長方形) A and B. It is known that the perimeter (周長) of A is 40 cm, and the perimeter of B is 56 cm. What is the perimeter of the original square?



<解析>

 $a+b+a+a+b+a=40 \rightarrow 4a+2b=40$

 $a+b+b+a+b+b=56 \rightarrow 2a+4b=56$

6a+6b=96, a+b=16

 $(a+b)\times 4=64$

三、計算題(每題10分,共20分) ※未寫出計算過程不予計分

1. 如圖為某年 3 月份的部分月曆,哥哥發現 A+B+C+D+E=40,請問此年的 3 月 12 日是星期幾?

<解析>

 $C=40 \div 5=8$

B=7

A=6

D=9

E = 10

3月12日是星期日

三月												
日	[1]	11	四	五	六						
	A	В	C	D	E							

2. 一本書的頁碼中,數字 8 共出現 30 次,請問這本書共有多少頁?

<解析>

8 \cdot 18 \cdot 28 \cdot 38 \cdot 48 \cdot 58 \cdot 68 \cdot 78 \cdot 88 \cdot 98

80 \ 81 \ 82 \ 83 \ 84 \ 85 \ 86 \ 87 \ 89

→20 個 8

108 118 128 138 148 158 168 178

180 181

→10個8

這本書的頁數為 181 頁